- 2. Петербургская школа 2000. Адаптация детей с ограниченными возможностями здоровья к самостоятельной жизнедеятельности. М.: Управление специального образования Министерства образования РФ, 2000.
- 3. Петербургская школа 2000. Научно-методические рекомендации по оздоровлению детей с нарушением опорно-двигательного аппарата. М.: Управление специального образования Министерства образования РФ, 2000.
- 4. Коррекция нарушений осанки у школьников: Методические рекомендации / Науч. ред. Г. А. Халемский. СПб.: ДЕТСТВО-ПРЕСС, 2001.
- 5. Физическое воспитание детей со сколиозом и нарушением осанки / Под общ. ред. Г. А. Халемского. 2-е изд. М.: Изд-во НЦ ЭНАС, 2002.

УДК 37 ББК 74 00

## ДИДАКТИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ ТРАНСФОРМАЦИИ ПРЕДСТАВЛЕНИЯ ГЕОМЕТРИЧЕСКИХ ОБЪЕКТОВ

Ф. Ф. Ардуванова, В. Э. Штейнберг

*Ключевые слова*: инструментальная дидактика; дидактические инструменты; геометрия; трансформер; логико-смысловые модели.

*Резюме*: В статье рассматривается комплексное дидактическое средство «трансформер», предназначенное для поддержки изучения геометрии: приводится графическое изображение «трансформера» и его описание.

Одним из направлений инструментальной дидактики является разработка нетрадиционных дидактических средств, поддерживающих работу механизмов восприятия и отражения знаний, на которые опирается учебная деятельность [1]. Так, в частности, школьный курс геометрии традиционно строится как последовательное изучение геометрических фигур и их свойств, которые могут иметь различные формы представления. Данные формы соответствуют различным уровням абстракции: материальное представление (макет, чертеж), описательное представление (определение, теорема, аксиома) и знаково-символическое представление (формулы, уравнения). При изучении геометрии необходимо наглядно иллюстрировать переход от одной формы представления изучаемого объекта к другой [2]. Однако существующая методическая система геометрической подготовки школьника и учителя математики не располагает наглядными средствами, которые были бы ориентированы на развитие логического мышления и пространственного воображения учащегося, на поддержку построения и чтения изображений геометрических объектов, на выявление связей между их элементами. По данной причине учащиеся испытывают затруднения при оперировании геометрическими образами, при объяснении тех или иных их особенностей. Нередко учителя, слабо владеющие предметом, пренебрегают необходимостью геометрической подготовки учащихся, что, по нашему мнению, имеет технологическую природу [3], а именно:

- отсутствие дидактических средств инструментального типа, поддерживающих выполнение основных учебных действий: ознакомление, восприятие, анализ и синтез, воспроизведение знаний, решение задач и т. д.;
- перегрузка памяти учащихся при вербальном, монологичном изложении учебного материала, соответствующему традиционному составлению и изложению учебного материала;
- затруднения в восприятии знаково-символических форм представления знаний (громоздкие формулы, графики, изображения пространственных фигур и т. д.);
- иллюстративный характер традиционной наглядности и сложность включения управляющей информации в нее.

Технологическое совершенствование необходимо для систематизации изложения курса геометрии и повышения его научного уровня, инициирования эмоционально-образного мышления учащихся и организации их самостоятельной творческой деятельности. Потребность в технологическом совершенствовании обучения математике возрастает и в связи с происходящими в стране социально-экономическими изменениями, снижением престижности профессии учителя, государственной политикой в отношении математического образования.

Одним из направлений технологического совершенствования изучения геометрии является разработка специальных дидактических средств – трансформеров, представляющих собой комплексные ориентировочные основы учебных действий, поддерживающие выполнение последних. Структура учебной познавательной деятельности учащегося по отношению к геометрическому объекту и его свойствам может быть представлена в виде трех относительно самостоятельных этапов: предметно-ознакомительный, аналитико-речевой и моделирующий. Комплексную (графическую, понятийную, знаковую) модель представления изучаемого объекта и трансформации его представления в процессе учебной познавательной деятельности условно назовем «трансформером» (см. рисунок). В основе работы «трансформера» лежит комбинированное наглядное отображение процесса построения в сознании учащегося значений и смыслов, заданных ему в виде различных репрезентаций, например: в виде материального объекта, чертежа, текста, формул, символов и др.

Изучение объекта может начинаться или приостанавливаться на любом из трех этапов, что определяется содержанием и текущими условиями учебной деятельности. На каждом из этапов учебной познавательной деятельности оперирование изучаемым объектом проходит от уровня отражения к уровню отображения, от уровня восприятия до уровня понимания, от свернутого вида к развернутому, детализированному.



«Трансформер» - комплексная модель трансформации изучаемого объекта «треугольник»

Например, на предметно-ознакомительном этапе, который, как правило, предваряет другие этапы, учащийся от материального объекта, объекта реальной действительности, переходит к его материализованному слепку. Формируя образ треугольника, шара или параллелепипеда (что также полезно выполнять в дошкольном периоде обучения математики), учитель организует практическую деятельность учащихся с реальными объектами, похожими на треугольник или шар, куб. На аналитико-речевом этапе учащиеся знакомятся с достаточно строгим определением изучаемого понятия (уровень отражения), строят мини-ЛСМ, определяя его характерные детали (уровень отображения). Для треугольника, как геометрической фигуры, можно выделить его составляющие: часть плоскости, три стороны, три вершины, три угла. На моделирующем этапе образ объекта изучения переходит от формы пиктограммы (условного символа) к знаковой и символической форме (уравнению, формуле). Пиктограмма может представлять собой некоторую иллюстрацию, вызывающую прямую ассоциацию с соответствующим свойством объекта и его математическим выражением, формулой. Например, при рассмотрении свойства биссектрисы угла треугольника в качестве пиктограммы будет служить чертеж треугольника с его выделенными элементами: сторонами и отрезками a, b, c и d, равными углами. Знаково-символическая форма может представлять собой запись свойства треугольника с помощью математических знаков и символов, фиксирующая связи между элементами треугольника:  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ .

Трансформация изучаемого объекта может протекать эффективно, в полной и совершенной форме, когда происходят последовательно-параллельные переходы от одного этапа к другому. Это характерно для творческой деятельности, продуцирующей новое знание, и соответствует более углубленному изучению материала. Усеченные формы трансформации, например, в виде механического запоминания воспринятого материала или его сенсорного отпечатка (слепка) характерны для начального периода обучения тем или иным понятиям. Так, в курсе математики начальной школы изучение понятия треугольника останавливается на предметно-ознакомительном этапе.

Наши выводы подтверждаются начальными результатами работы по испытанию моделей представления и трансформации объектов обучения, проводимой с учителями математики на курсах повышения квалификации [4]. Основными этапами опытно-экспериментальной работы являлись: ознакомление педагогов с «трансформером», формирование навыков построения ориентировочных основ по «трансформеру», оценка изменений качества собственной педагогической деятельности. Учителям математики было предложено определить значимость и трудность перехода каждого из этапов предложенной структуры познавательной деятельности учащихся при решении той или иной задачи. При этом предлагались геометрические задачи, представленные в различных формах: словесной, в чертежах и символической. По опросам учителей было выявлено, что почти все педагоги - учителя математики (97,8%) формируют у учащихся представления об изучаемых абстрактных понятиях и закономерностях, опираясь на иллюстрации в виде соответствующих материализованных предметов или их слепков. Наибольшие затруднения учащиеся испытывают при построении чертежа по условию задачи (так утверждают 78,6% учителей математики), при переводе с естественного языка на язык формулы или уравнения (89,8% учителей), при переводе с языка формулы или уравнения на естественный язык (95% учителей). Менее всего опрошенные учителя ставят самостоятельную цель - сформировать у учащихся навыки перехода от моделирующего этапа к предметному, т. е. умение интерпретировать математические понятия в представлениях об окружающем мире (27,7% учителей), что можно объяснить спецификой предмета.

Понимание педагогом механизма учебной познавательной деятельности учащегося в представленной структуре, и, соответственно, построение процесса обучения с использованием дидактических инструментов позволяет снять познавательные затруднения учащихся, повысить эффективность и продуктивность деятельности педагога, перевести профессиональную культуру учителя на технологический уровень. То есть результатом познавательной деятельно-

сти учащегося, выполняемой с использованием «трансформера», является более структурированная и логически упорядоченная система знаний, развитие самостоятельности и творческой активности.

В рамках выполняемого исследования для совершенствования работы с учебными задачами также разработаны концепция конструирования обратных задач по геометрии и модели их представления; модели представления «знаний», поддерживающих теоретическую деятельность, и модели представления «умений», поддерживающих практическую деятельность.

## Литература

- 1. Ардуванова Ф. Ф., Манько Н. Н. Дидактическая моделирующая среда как педагогическая основа повышения роли моделирования и модели в учебной деятельности (тезисы) // Личностно ориентированное профессиональное образование: Материалы IV всерос. научн.-практ. конф. Екатеринбург: Рос. гос. проф.-пед. ун-т, 2004. Ч. 2. С. 46–50.
- 2. Восканян К. В. Разные способы решения геометрических задач как средство развития мышления школьников // Вопр. психологии. 1995. № 5.
- 3. Штейнберг В. Э. Технологические основы педагогической профессии: Учебно-методическое пособие. Уфа: БГПУ: УрО РАО: АПСН, 2002. 80 с.
- 4. Штейнберг В. Э. , Манько Н. Н. Методологические основы инструментальной дидактики // Образование и наука. Известия УрО РАО. 2005 № 1 (31), С. 8–23.